

VM/3

$$pV^\alpha = \text{cost}$$

$\alpha > 0$ in quanto per ogni sistema l'aumento di volume non comporta mai un aumento della pressione

$$c_\alpha = \frac{1}{n} \left(\frac{dq}{dT} \right)_\alpha = \frac{1}{n} \left[\frac{dU}{dT} + \left(p \frac{dV}{dT} \right)_\alpha \right] =$$
$$= c_v + \frac{1}{n} \left(p \frac{dV}{dT} \right)_\alpha$$

ma, da $pV^\alpha = \text{cost}$ si ricava

$$d(pV^\alpha) = \frac{\partial(pV^\alpha)}{\partial V} dV + \frac{\partial(pV^\alpha)}{\partial p} dp = \alpha p V^{\alpha-1} dV + V^\alpha dp = 0$$

$$\alpha p dV + V dp = 0$$

ma

$$p dV + V dp = nR dT$$

da cui

$$(1-\alpha) p dV = nR dT \rightarrow \frac{p dV}{dT} = \frac{nR}{1-\alpha}$$

per cui

$$c_\alpha = c_v + \frac{R}{1-\alpha}$$

da cui

$$1-\alpha = \frac{R}{c_\alpha + c_v} = \frac{c_p - c_v}{c_\alpha + c_v}$$

Avendo posto $1 - \alpha = \frac{C_p - C_v}{C_p - C_v}$ si ricava

$$C_\alpha = C_v + \frac{R}{1 - \alpha}$$

Insomma, per questo tipo, da $pV^\alpha = \text{costante}$ si ricava

$$L_{AB} = \int_{V_A}^{V_B} p dV = \dots = \frac{nR}{\alpha - 1} (T_B - T_A)$$

Però, per specificare alcuni casi particolari

$pV = \text{cost}$ $\alpha = 0$ $\Rightarrow C_\alpha = C_v + R = C_p$ ISOBARA

$$L = nR (T_B - T_A)$$

infatti

$$\begin{aligned} L &= \int_{V_A}^{V_B} p dV = p_A (V_B - V_A) \\ &= p_A \left(\frac{nRT_B}{p_A} - \frac{nRT_A}{p_A} \right) \\ &= nR (T_B - T_A) \quad \text{c.v.d.} \end{aligned}$$

ADIABATICA $pV^\alpha = \text{cost}$ $\alpha = \gamma$ $\Rightarrow C_\gamma = C_v + \frac{R}{1 - C_p/C_v} = C_v + \frac{C_v \cdot R}{C_v - C_p} = \phi !!!$

$$L = \frac{nR}{\gamma - 1} (T_B - T_A) \quad \text{per questo tipo di stato}$$

ISOCORA

$\alpha \rightarrow \infty$

$L = \phi$ infatti $\alpha \rightarrow \infty$ $C_\alpha = C_v$

$$L = \frac{nR}{\alpha - 1} (T_B - T_A) \Rightarrow 0$$

$pV^\alpha = \text{cost}$

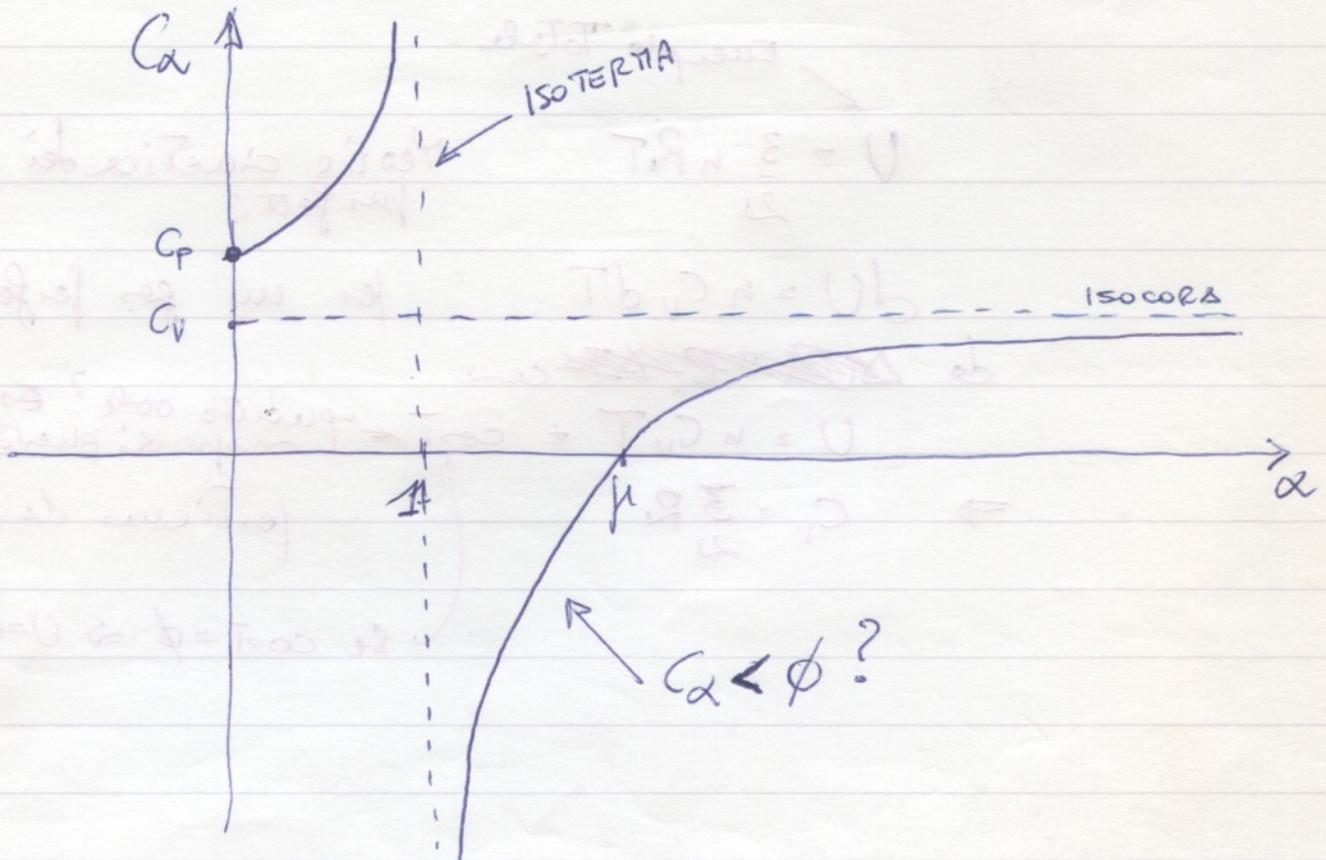
ISOTERMA

$\alpha = 1$

$$L = \frac{nR}{\alpha - 1} (T_B - T_A) = \frac{nR \phi}{\phi} \quad \text{INDETERMINATO ...}$$

$pV = \text{cost}$

~~infatti per un'isoterma non si può calcolare direttamente il lavoro, ma si calcola il calore trasferito (che è uguale al lavoro compiuto $\Delta U = \phi$...)~~



quando $C_\alpha < 0$ significa, in accordo con la IPTD
 $dU = \delta Q - \delta L$

che $\delta L > \delta Q$ e quindi il lavoro è superiore al calore fornito (l'energia interna aumenta).

Un caso particolare ^{più o meno opposto} si ha nelle stelle.

Una stella può emettere calore ed aumentare la propria temperatura $\Rightarrow C < 0$ in quanto si sta comprimendo e quindi il lavoro fatto nella stella è superiore al calore emesso.

~~Ma esiste più banalmente il caso dell'edilizia
 necessitante in cui ho fatto un lavoro senza
 avere fornito alcun calore ...~~