

VM/3

$$pV^\alpha = \text{cost}$$

$\alpha \geq 0$  in quanto per ogni sistema l'aumento di volume non comporta mai un aumento della pressione

$$c_\alpha = \frac{1}{n} \left( \frac{dq}{dT} \right)_\alpha = \frac{1}{n} \left[ \frac{dU}{dT} + \left( p \frac{dV}{dT} \right)_\alpha \right] =$$
$$= c_v + \frac{1}{n} \left( p \frac{dV}{dT} \right)_\alpha$$

ma, da  $pV^\alpha = \text{cost}$  si ricava

$$d(pV^\alpha) = \frac{\partial pV^\alpha}{\partial V} dV + \frac{\partial pV^\alpha}{\partial p} dp = \alpha pV^{\alpha-1} dV + V^\alpha dp = 0$$

$$\alpha p dV + V dp = 0$$

ma

$$p dV + V dp = nR dT$$

da cui

$$(1-\alpha) p dV = nR dT \rightarrow \frac{p dV}{dT} = \frac{nR}{1-\alpha}$$

per cui

$$c_\alpha = c_v + \frac{R}{1-\alpha}$$

da cui

$$1-\alpha = \frac{R}{c_\alpha + c_v} = \frac{c_p - c_v}{c_\alpha + c_v}$$



Aumento posto  $1 - \alpha = \frac{C_p - C_v}{C_\alpha - C_v}$  si ricava

$$C_\alpha = C_v + \frac{R}{1 - \alpha}$$

Insomma, per processo finito, da  $pV^\alpha = \text{costante}$  si ricava

$$L_{AB} = \int_{V_A}^{V_B} p dV = \dots = \frac{nR}{\alpha - 1} (T_B - T_A)$$

Periamo specificare alcuni casi particolari

$pV^\alpha = \text{cost}$   $\alpha = 0$   $\Rightarrow C_\alpha = C_v + R = C_p$  ISOBARA

$$L = nR (T_B - T_A)$$

infatti

$$L = \int_{V_A}^{V_B} p dV = p_A (V_B - V_A) = p_A \left( \frac{nRT_B}{p_A} - \frac{nRT_A}{p_A} \right) = nR (T_B - T_A) \quad \text{c.v.d.}$$

ADIABATICA  $pV^\alpha = \text{cost}$   $\alpha = \gamma$   $\Rightarrow C_\gamma = C_v + \frac{R}{1 - C_p/C_v} = C_v + \frac{C_v \cdot R}{C_v - C_p} = \phi !!!$

$$L = \frac{nR}{\gamma - 1} (T_B - T_A) \quad \text{per processo più finito}$$

ISOCORA  $L = \phi$  infatti  $\alpha \rightarrow \infty$   $C_\alpha = C_v$

$$\alpha \rightarrow \infty$$

$$L = \frac{nR}{\alpha - 1} (T_B - T_A) \Rightarrow 0$$

$pV^\alpha = \text{cost}$

ISOTERMA

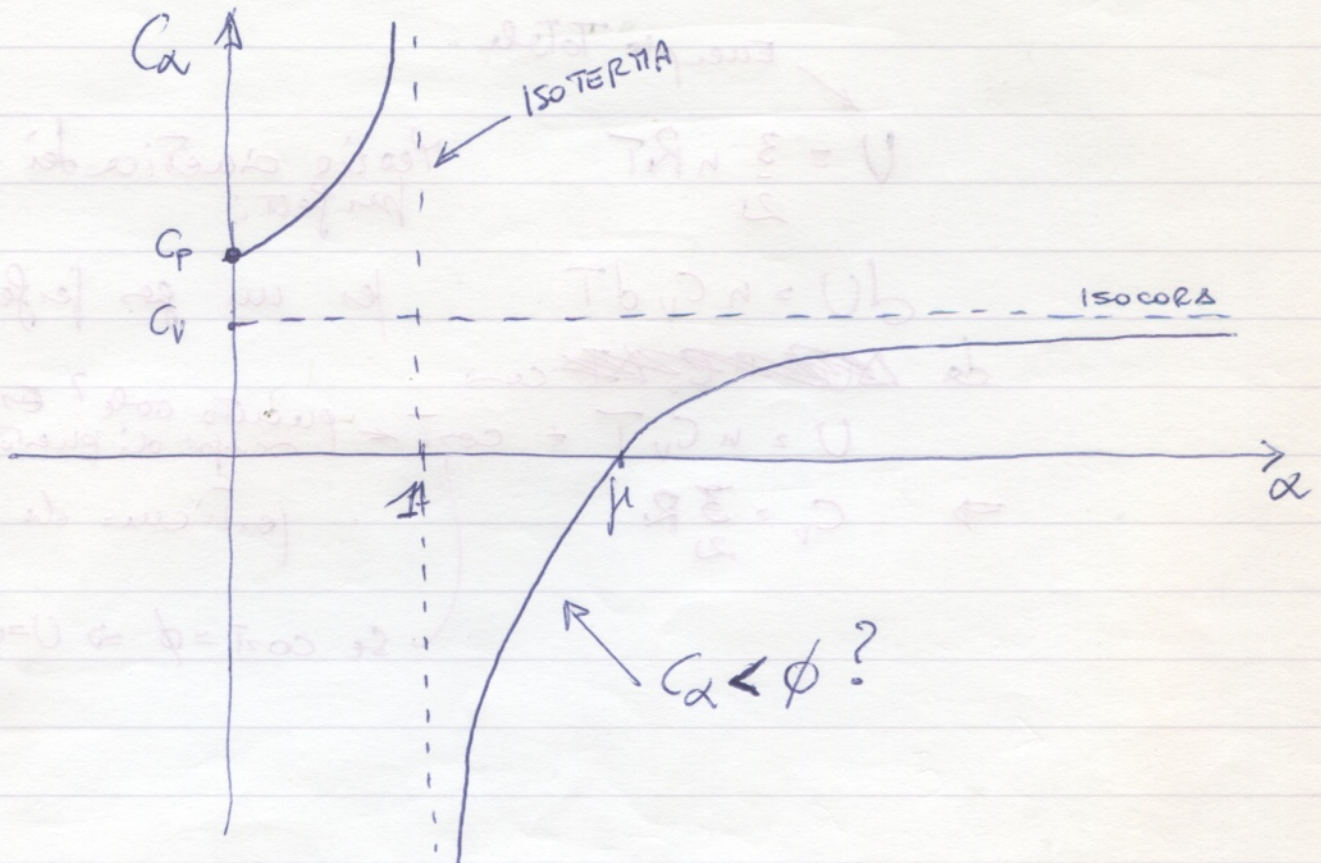
$$\alpha = 1$$

$L = \frac{nR}{\alpha - 1} (T_B - T_A) = \frac{nR \phi}{\phi}$  INDETERMINATO ... in questo  $\int \frac{dV}{V} = \ln V$  !

$pV = \text{cost}$

~~infatti per un'isoterma non si può calcolare direttamente il lavoro, ma si calcola il calore trasferito (che è uguale al lavoro compiuto  $\Delta U = \phi$  ...)~~





quando  $C_\alpha < 0$  significa, in accordo con la IPTD  
 $dU = \delta Q - \delta L$

che  $\delta L > \delta Q$  e quindi il lavoro è superiore al calore fornito (l'energia interna aumenta).

Un caso particolare <sup>più o meno opposto</sup> si ha nelle stelle.

Una stella può emettere calore ed aumentare la propria temperatura  $\Rightarrow C < 0$  in quanto si sta comprimendo e quindi il lavoro fatto nella stella è superiore al calore emesso.

~~Ma esiste più banalmente il caso dell'adiabatica  
 necessitante in cui ho fatto un lavoro senza  
 essere fornito alcun calore ...~~